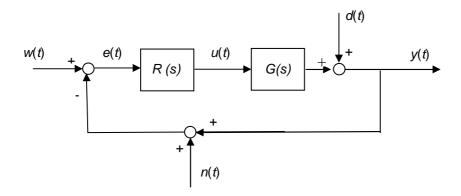
## **ESERCIZIO 1**

Si supponga che il sistema di controllo mostrato in figura sia asintoticamente stabile e che

$$G(s) = \frac{\mu}{1 + s\tau}$$
,  $R(s) = k$ 



- **1.1**) Inserire nello schema un compensatore ad azione in feed-forward del riferimento, spiegando brevemente quale potrebbe essere l'utilità di tale componente.
- **1.2**) Dimostrare che la presenza del compensatore non può in alcun modo migliorare le prestazioni del sistema in termini di attenuazione dei disturbi  $d \in n$ .
- **1.3**) Progettare il compensatore ad azione in feed-forward del riferimento per migliorare le prestazioni statiche del sistema di controllo.
- **1.4)** Una volta progettato il compensatore, valutare il degrado di prestazioni che si verificherebbe se il guadagno  $\mu$  del sistema sotto controllo subisse una perturbazione di  $\pm 10\%$  rispetto al valore nominale.
- **1.5**) Realizzare in modo equivalente la precedente compensazione con uno schema di pre-filtraggio del riferimento.

## **ESERCIZIO 2**

Si consideri un sistema in anello chiuso, con retroazione negativa, avente funzione d'anello

$$L(s) = \frac{\rho}{s^2(s+6)}$$

- **2.1)** Tracciare il luogo delle radici diretto e inverso.
- **2.2**) Utilizzando il luogo delle radici mostrare che per ogni valore di  $\rho \neq 0$  il sistema in anello chiuso è instabile.
- 2.3) Verificare il risultato precedente mediante il calcolo del polinomio caratteristico in anello chiuso.
- **2.4)** Calcolare il valore di  $\rho$  per cui il sistema in anello chiuso presenta due poli coincidenti con parte reale negativa. In corrispondenza, si valuti la posizione nel piano complesso del terzo polo.

## **ESERCIZIO 3**

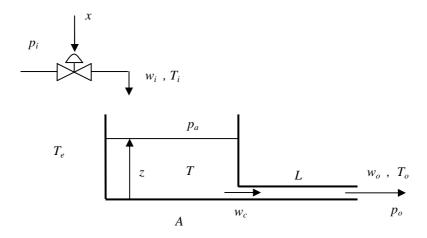
Si debba progettare un regolatore digitale per controllare il sistema con funzione di trasferimento  $G(s) = \frac{0.1}{s}$ . A tale scopo si voglia discretizzare il regolatore analogico di riferimento descritto da  $R^{\circ}(s) = \frac{1+10s}{1+0.1s}$ .

- **3.1**) Supponendo che campionatore e mantenitore operino entrambi con periodo T, scegliere una valore di tale periodo adeguato al sistema di controllo che si intende realizzare.
- 3.2) Ricavare mediante il metodo di Tustin la funzione di trasferimento del regolatore digitale.
- **3.3**) Verificare che, in corrispondenza di  $\omega = 1$ , il modulo della risposta in frequenza dei due regolatori, quello analogico di riferimento e quello digitale, è pressoché identico.
- **3.4)** Valutare il margine di fase del sistema di controllo in corrispondenza del regolatore analogico di riferimento e del regolatore digitale progettato. Cosa si può concludere, in ciascuno dei due casi, sulle eventuali oscillazioni della variabile controllata in risposta a uno scalino del riferimento?

## **ESERCIZIO 4**

Si consideri il sistema termo-idraulico schematicamente descritto in figura, dove le variabili da controllare sono il livello z e la temperatura T del liquido nel serbatoio. Le variabili manipolabili sono la posizione x dello stelo della valvola (supposta lineare) e la temperatura  $T_e$  dell'ambiente che circonda il serbatoio. Le pressioni  $p_i$  e  $p_a$ , la temperatura  $T_i$  e la portata  $w_o$  sono da considerare parametri costanti. Si indichino inoltre con  $\rho$  la densità del liquido, con A l'area del serbatoio, con L la lunghezza della condotta di scarico e con  $A_c$  la sua sezione. Si ipotizzi infine che:

- il liquido sia perfettamente miscelato e si possa trascurare il lavoro meccanico di miscelazione;
- la potenza termica che il liquido riceve dall'ambiente circostante sia esprimibile come  $k_e(T_e T)$ ;
- l'energia totale del liquido, trascurando i termini di energia cinetica e potenziale, sia approssimabile con la sua entalpia, cioè, in termini specifici,  $e_t \cong e = h = cT$ , dove c è il calore specifico del liquido.



- **4.1**) Scrivere il modello dinamico del sistema.
- **4.2**) Determinare i valori di  $\bar{x}$  e  $\bar{T}_e$  che mantengono il sistema in equilibrio con  $z=\bar{z}$  e  $T=\bar{T}$  .
- **4.3**) Ricavare il modello linearizzato intorno alla condizione di equilibrio determinata al punto precedente.
- **4.4)** Per il sistema in esame, disegnare lo schema a blocchi di un sistema di controllo con struttura decentralizzata, supponendo di poter misurare le variabili  $z \in T$ .
- **4.5**) Supponendo di voler utilizzare un controllore P per il livello e un controllore PI per la temperatura, spiegare con quali criteri andrebbero progettati, tenendo conto in particolare della saturazione sulla variabile di controllo *x*. Dire inoltre se i due anelli di regolazione interagiscono tra di loro.
- **4.6**) Si supponga ora di poter misurare, anziché T, la temperatura  $T_o$  in uscita dalla condotta. Discutere come ciò influenzerebbe il progetto del controllore di temperatura.